

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	ریاضی و فیزیک	رشته: ۳	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون:	یازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir				
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.			
	<h3>سؤالات فصل ۱</h3>			
۱	<p>الف) هر چند ضلعی منتظم، هم محاطی و هم محیطی است. (درست - نادرست)</p> <p>ب) طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس برون به شعاع‌های R و R' برابر $\sqrt{R + R'}$ است. (درست - نادرست)</p> <p>پ) اندازه هر زاویه ظلی برابر است با اندازه کمان رویه‌رو به آن زاویه.</p> <p>ت) اگر r_a، r_b و r_c شعاع‌های سه دایره محاطی خارجی یک مثلث و شعاع دایره محاطی داخلی آن برابر باشد، حاصل $\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c}$ برابر است.</p>			
۱.۵	ثبت کنید هرگاه خطهای شامل دو وتر دلخواه AB و CD در نقطه‌ای مانند M (بیرون دایره) یکدیگر را قطع کنند، آن‌گاه: $MA \cdot MB = MC \cdot MD$			
۱.۵	ثبت کنید اگر یک چهارضلعی محاطی باشد، آن‌گاه دو زاویه مقابل آن مکمل هستند.			
۱.۵	در شکل مقابل وتر AB بر قطر CD عمود است. ثابت کنید قطر CD وتر AB و کمان AB را نصف می‌کند.			
۱.۲۵	در مثلث قائم‌الزاویه‌ای با اضلاع زاویه قائمه ۳ و ۴، شعاع دایره محاطی داخلی را محاسبه کنید.			
۱.۲۵	در شکل زیر MT به طول $3\sqrt{2}$ مماس بر دایره است. مقادیر عددی x و y را به دست آورید.			

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	ریاضی و فیزیک	رشته: ۳	تعداد صفحه: ۳
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون:
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خداداد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir			یازدهم دوره دوم متوسطه

نامه‌نویسی: سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.

ردیف

نمره	سؤالات فصل ۲	ردیف										
۰.۷۵	<p>برای هر کدام از عبارات گروه A، تبدیل مناسب را از گروه B انتخاب کنید. (یک مورد از گروه B اضافی است).</p> <table border="1"> <tr> <td style="text-align: center;">گروه B</td> <td style="text-align: center;">گروه A</td> </tr> <tr> <td>دوران</td> <td></td> </tr> <tr> <td>همانی</td> <td></td> </tr> <tr> <td>بازتاب</td> <td></td> </tr> <tr> <td>انتقال</td> <td></td> </tr> </table> <p>(الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند: (ب) تبدیلی که نتیجهٔ دو بازتاب متوالی با محورهای متقطع است: (پ) تبدیلی که هر نقطهٔ صفحه را به خود آن نقطهٔ نظری می‌کند:</p>	گروه B	گروه A	دوران		همانی		بازتاب		انتقال		۷
گروه B	گروه A											
دوران												
همانی												
بازتاب												
انتقال												

۱	<p>با توجه به شکل زیرنشان دهید در تبدیل انتقال، اندازهٔ هر پاره خط و اندازهٔ تصویر آن باهم برابرند. \vec{V} و اندازهٔ \vec{V} از اندازهٔ پاره خط AB کوچک‌تر است.)</p>	۸
---	---	---

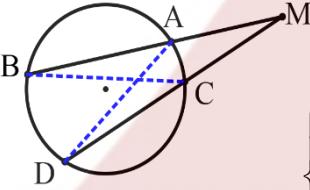
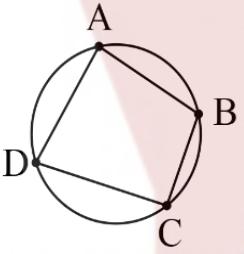
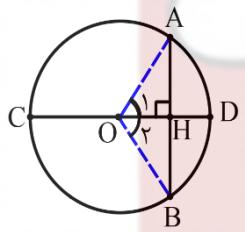
۰.۵	<p>نقاط A'، B' و C' به ترتیب دوران یافتهٔ نقاط A، B و C هستند. روش یافتن مرکز دوران را شرح دهید.</p>	۹
-----	--	---

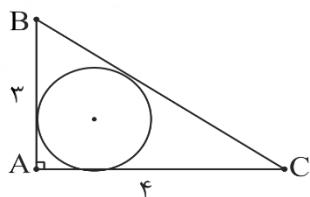
۱.۵	<p>در شکل رویه‌رو اگر خط L را در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس $\frac{d}{d'}$ تصویر کنیم و آن را L' بنامیم؛ مساحت بین خط L و L' و خطوط d و d' چقدر است؟</p>	۱۰
-----	---	----

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	ریاضی و فیزیک	رشته: ۳	تعداد صفحه: ۳
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون:
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشانگر داخل و خارج کشور خود دارد azmoon.medu.ir			یازدهم دوره دوم متوسطه
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		ردیف
۱.۲۵	<p>با توجه به شکل، نقطه M روی پاره خط HK=۸ را به گونه‌ای بیابید که:</p> <p>الف) مسیر AMB کوتاه‌ترین مسیر ممکن باشد.</p> <p>ب) کمترین مقدار عددی $AM+MB$ را محاسبه کنید.</p>	۱۱	
۱	<p>در شکل زیر، می‌خواهیم بدون آن که محیط تغییر کند، مساحت را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را حساب کنید.</p>	۱۲	
۰.۵	<h3 style="text-align: center;">سؤالات فصل ۳</h3> <p>در مثلث ABC، $\hat{A} = 30^\circ$، $BC = 10 \text{ cm}$، مقدار شعاع دایره محیطی کدام است؟</p> <p>(الف) ۱۰ (ب) ۱۵ (پ) ۲۰ (ت) ۲۵</p>	۱۳	
۱.۵	<p>در مثلث ABC که $(\hat{A} = 90^\circ)$، ثابت کنید:</p> $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$	۱۴	
۱	<p>مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع a را به کمک دستور هرون بیابید.</p>	۱۵	
۱.۵	<p>در مثلث ABC است. طول نیمساز داخلی زاویه C را محاسبه کنید.</p>	۱۶	
۱.۵	<p>در مثلث ABC که $AB = ۴$، $AC = ۶$، $BC = ۸$، نقطه M وسط ضلع BC است. محیط مثلث AMC را به دست آورید.</p>	۱۷	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	نوبت صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۲
ساعت آزمون: ۷:۳۰ صبح		تعداد صفحه: چهار صفحه	پایه: پایه دهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir			راهنمای تصحیح

ضمن سلام و خداقوت خدمت همکاران و مصححان عزیز، با عنایت به ماهیت درس هندسه و امکان داشتن چندین روش درست برای پاسخ یک سوال، لطفاً به روش‌های درست و خلاقانه دانش‌آموزان (جدا از روش کلید) در پاسخ به سوالات، نمره مناسب لحاظ گردد تا حقی از آنها تضییع نگردد.

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۱۱ از ۷)	نمره
۱	(۲۲) نادرست ۰/۲۵ (ص ۲۹) ۰/۲۵ (ص ۲۹) $\frac{1}{4}$ ت (۱۵) ۰/۲۵ (ص ۱۵) الف) درست ۰/۲۵ (ص ۲۹) پ) نصف ۰/۲۵ (ص ۲۹)	۱
۲	مثلث‌های MBC و MAD مشابه هستند.  $\begin{cases} \hat{B} = \hat{D} = \frac{AC}{2} & ۰/۲۵ \\ \hat{M} = \hat{M} & ۰/۲۵ \end{cases} \rightarrow \frac{MB}{MD} = \frac{MC}{MA} \rightarrow \frac{MA \times MB = MC \times MD}{۰/۵} ۰/۲۵$ (۱۸) ص	۱/۵
۳	طبق فرض می‌دانیم نقاط D, C, B, A روی دایره هستند. (۰/۲۵) (اشاره به محاطی بودن چهارضلعی، از طریق شکل نیز قابل قبول است).  $\begin{cases} \hat{A} = \frac{DCB}{2} & ۰/۲۵ \\ \hat{C} = \frac{DAB}{2} & ۰/۲۵ \end{cases} \rightarrow \hat{A} + \hat{C} = \frac{DCB + DAB}{۰/۲۵} = \frac{۳۶۰^\circ}{۰/۲۵} = ۱۸۰^\circ$ به طور مشابه $\hat{B} + \hat{D} = ۱۸۰^\circ$. (۲۷) ص	۱/۵
۴	روش اول:  $\begin{cases} OA = OB & ۰/۲۵ \\ OH = OH & ۰/۲۵ \end{cases} \xrightarrow[\cdot/۲۵]{\text{و ت}} \Delta AOH \cong \Delta BOH \rightarrow$ $\frac{AH = BH}{۰/۲۵}, \quad \frac{\hat{O}_A = \hat{O}_B}{۰/۲۵} \rightarrow \frac{AD = BD}{۰/۲۵}$ روش دوم: $\underbrace{OA = OB = r}_{۰/۲۵} \Rightarrow OAB \text{ متساوی الساقین} ۰/۲۵$ چون در مثلث متساوی الساقین، ارتفاع، نمیساز و میانه هم هست ($۰/۲۵$) داریم $\underbrace{AH = BH}_{۰/۲۵}, \quad \underbrace{O_A = O_B}_{۰/۲۵} \Rightarrow \underbrace{AD = BD}_{۰/۲۵}$ (۱۳) ص	۱/۵



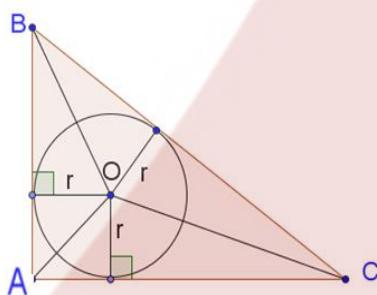
روش اول:

$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

$$\underbrace{3+4+5=2P}_{\text{•/25}} \rightarrow p = 6 \quad \rightarrow S = \underbrace{\frac{3 \times 4}{2}}_{\text{•/25}} = 6$$

$$r = \underbrace{\frac{S}{P}}_{\text{•/5}} = \frac{6}{6} = 1$$

روش دوم:



$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

$$S_{ABC} = \frac{3 \times 4}{2} = 6 \quad \text{•/25}$$

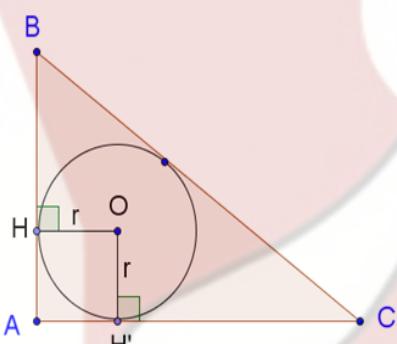
$$S_{ABC} = S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB}$$

$$= \frac{r \times BC}{2} + \frac{r \times AC}{2} + \frac{r \times AB}{2} \quad \text{•/25}$$

$$= \frac{r \times 5}{2} + \frac{r \times 4}{2} + \frac{r \times 3}{2} = 6r = 6 \quad \text{•/25}$$

$$\Rightarrow r = 1 \quad \text{•/25}$$

روش سوم:



$$HAH'O \text{ مربع} \quad \text{•/25}$$

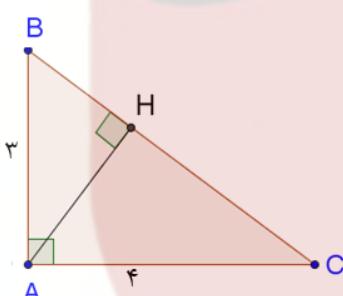
$$\Rightarrow AH = r \quad \text{•/25}$$

$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

$$\Rightarrow p = \frac{3+4+5}{2} = 6 \quad \text{•/25}$$

$$r = AH = p - a = 6 - 5 = 1 \quad \text{•/25}$$

روش چهارم:



$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

$$AB \times AC = AH \times BC \quad \text{•/25}$$

$$\Rightarrow 3 \times 4 = AH \times 5 \Rightarrow AH = \frac{12}{5} \quad \text{•/25}$$

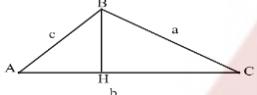
$$\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{hc} = \frac{1}{r} \quad \text{•/25}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{5}{12} = \frac{1}{r} \Rightarrow r = 1 \quad \text{•/25}$$

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۳ از ۷)	نمره
۶	$x \times x = 2 \times 1 \rightarrow x^2 = 2 \rightarrow x = \sqrt{2}$ $\frac{\cdot / 25}{(3\sqrt{2})^2 = y(y+3)} \rightarrow \frac{y^2 + 3y - 18 = 0}{\cdot / 25} \rightarrow y = 3$ $(ص ۱۸)$	۱/۲۵
۷	الف) بازتاب $\cdot / 25$ (ص ۴۸) ب) دوران $\cdot / 25$ (ص ۴۳) پ) همانی $\cdot / 25$ (ص ۴۷)	۰/۷۵
۸	$\begin{array}{c} \vec{V} \\ \xrightarrow{} \\ A \bullet A' \quad B \bullet B' \end{array}$ $\left\{ \begin{array}{l} AB = AA' + A'B \quad \cdot / 25 \\ A'B' = BB' + A'B \quad \cdot / 25 \end{array} \right. \xrightarrow[\cdot / 25]{AA' = BB'} \overbrace{AB = A'B'}^{\cdot / 25}$ $(ص ۳۹)$	۱
۹	<p>روش اول: محل همسی عمودمنصفهای پاره خط‌های واصل بین هر نقطه و تصویرش، مرکز دوران است.</p> <p>روش دوم: برای رسم شکل دقیق، نمره کامل منظور شود.</p> <p>(ص ۴۲)</p>	۰/۵
۱۰	<p>روش اول:</p> $\frac{OA'}{OA} = \frac{1}{4} \rightarrow OA' = \frac{1}{4} \quad \cdot / 25$ $\frac{OB'}{OB} = \frac{1}{2} \rightarrow OB' = \frac{1}{2} \quad \cdot / 25$ $S = S_{\triangle OA'B'} - S_{\triangle OAB} = \underbrace{\frac{1}{2} \left(\frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \right)}_{\cdot / 25} - \underbrace{\frac{1}{2} (1 \times 2)}_{\cdot / 25} = \frac{33}{16} \quad \cdot / 25$ <p>روش دوم:</p> $\frac{S_{CDO}}{S_{ABO}} = k = \frac{49}{16} \quad \cdot / 5$ $\frac{S_{CDO} - S_{ABO}}{S_{ABO}} = \frac{49 - 16}{16} = \frac{33}{16} \quad \cdot / 5$ $S_{ABO} = \frac{1 \times 2}{2} = 1 \Rightarrow S_{ABDC} = \frac{33}{16} \quad \cdot / 5$	۱/۵

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۴ از ۷)	نمره
۱۱	<p>الف) بازتاب نقطه A را نسبت به محور HK نقطه' A' می‌نامیم. محل تلاقی A'B با HK را M را M می‌نامیم. مسیر AMB پاسخ مسأله است.</p> <p>رسم شکل ۰/۲۵</p> <p>۰/۲۵</p> <p>ب) روش اول:</p> $AM + MB = \underbrace{A'B}_{۰/۲۵} \rightarrow A'B = \sqrt{\lambda^2 + \epsilon^2} = 1^\circ \quad ۰/۲۵$ <p>ب) روش دوم:</p> $AHM \approx BH'M \Rightarrow \frac{AH}{BH'} = \frac{HM}{MH'} \quad ۰/۲۵$ $\Rightarrow \frac{2}{4} = \frac{x}{\lambda - x} \Rightarrow x = \frac{\lambda}{3} \Rightarrow MH = \frac{\lambda}{3}, MH' = \frac{16}{3} \quad ۰/۲۵$ $AM = \sqrt{2^2 + \left(\frac{\lambda}{3}\right)^2} = \frac{10}{3}, BM = \frac{20}{3}$ $\Rightarrow AM + BM = \frac{10}{3} + \frac{20}{3} = 10 \quad ۰/۲۵$ <p>(۵۲) ص</p>	۰/۷۵
۱۲	<p>$S_{ABC} = \underbrace{\frac{1}{2} \times 3 \times 4 \sqrt{2}}_{۰/۲۵} \times \sin 135^\circ = 6\sqrt{2} \times \underbrace{\frac{\sqrt{2}}{2}}_{۰/۲۵} = 6$</p> <p>$S_{ACB'C} = ۲S_{ABC} = ۱۲$</p> <p>۰/۲۵</p> <p>تذکر: اگر به جای رسم شکل، به صورت زیر توضیح داده شود، نمره ۰/۲۵ تعلق گیرد. «بازتاب نقطه B را نسبت به خط AC پیدا می‌کنیم.»</p> <p>(۵۴) ص</p>	۱
۱۳	<p>گزینه درست: ۱° یا الف ۰/۵</p> <p>(۶۲) ص</p>	۰/۵

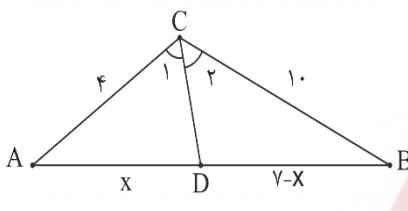
راهنمای تصحیح (صفحه ۵ از ۷)

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۵ از ۷)	نمره
۱۴	<p>روش اول:</p> $\cos A = \frac{AH}{c} \rightarrow AH = c \cos A \quad \text{+/ ۲۵}$ $\sin A = \frac{BH}{c} \rightarrow BH = c \sin A \quad \text{+/ ۲۵}$ $CH = b - AH = b - c \cos A \quad \text{+/ ۲۵}$ $\triangle HBC: a^2 = BH^2 + CH^2 = (c \sin A)^2 + (b - c \cos A)^2 \quad \text{+/ ۲۵}$ $a^2 = c^2 \sin^2 A + b^2 - 2bc \cos A + c^2 \cos^2 A \quad \text{+/ ۲۵}$ $a^2 = b^2 + c^2 (\sin^2 A + \cos^2 A) - 2bc \cos A \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \text{+/ ۲۵}$  <p>روش دوم:</p> $\triangle HBC: a^2 = \underbrace{BH^2}_{\text{+/ ۲۵}} + \underbrace{CH^2}_{\text{+/ ۲۵}} = \underbrace{(c^2 - AH^2)}_{\text{+/ ۲۵}} + \underbrace{(b - AH)^2}_{\text{+/ ۲۵}}$ $\rightarrow a^2 = c^2 - AH^2 + b^2 + AH^2 - 2bAH \quad \text{+/ ۲۵}$ $\rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bAH \quad \xrightarrow{\text{AH} = c \cos A} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \text{+/ ۲۵}$ <p>(۶۴ ص)</p>	۱/۵
۱۵	$a + a + a = ۳P \rightarrow P = \frac{۳}{۲}a \quad \text{+/ ۲۵}$ $S = \sqrt{\frac{۳}{۲}a(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)} \quad \text{+/ ۵} = \sqrt{\frac{۳}{۲}a(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)} = \frac{\sqrt{۳}}{۴}a^2 \quad \text{+/ ۲۵}$ <p>(۷۳ ص)</p>	۱

راهنمای تصحیح (صفحه از ۷۶)

ردیف

نمره

۱/۵	روش اول:	۱۶
	 $\frac{4}{10} = \frac{x}{10-x} \rightarrow 4(10-x) = 10x \rightarrow x = 2 = AD \rightarrow BD = 5$ $DC^2 = 4 \times 10 - 5 \times 2 = 30 \rightarrow DC = \sqrt{30}$	
	روش دوم:	

$$AD = \frac{4 \times 10}{4+10} = 2 \quad \cdot / 5$$

$$BD = \frac{10 \times 4}{4+10} = 5 \quad \cdot / 5$$

$$DC^2 = 4 \times 10 - 5 \times 2 = 30 \Rightarrow DC = \sqrt{30}$$

$$\frac{BC}{AC} = \frac{BD}{AD} \Rightarrow \frac{BC}{AC + BC} = \frac{BD}{AD + BD} \Rightarrow \frac{10}{14} = \frac{BD}{7} \Rightarrow BD = 5, AD = 2$$

$$DC^2 = 4 \times 10 - 5 \times 2 = 30 \Rightarrow DC = \sqrt{30}$$

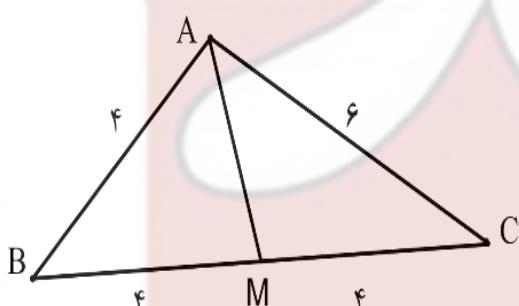
(۷۰ ص)

روش سوم:

۱/۵

روش اول:

۱۷



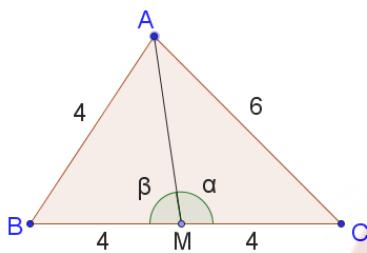
$$6^2 + 4^2 = 2AM^2 + \frac{A^2}{2} \rightarrow 36 + 16 = 2AM^2 + 32$$

$$\rightarrow AM^2 = 10 \rightarrow AM = \sqrt{10}$$

$$\rightarrow \underbrace{P_{AMC}}_{\cdot / 25} = 6 + 4 + \sqrt{10} = 10 + \sqrt{10}$$

نمره

۱/۵

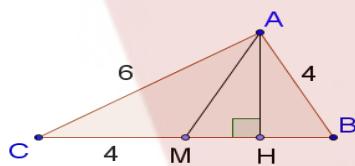


$$\begin{aligned} \beta &= 180^\circ - \alpha \Rightarrow \cos \alpha = -\cos \beta && \cdot / 25 \\ \gamma &= \gamma + AM^\gamma - 2AM \cos \beta && \cdot / 25 \\ \gamma &= \gamma + AM^\gamma - 2AM \cos \alpha && \cdot / 25 \\ \Rightarrow \gamma &= \gamma + AM^\gamma + 2AM \cos \beta \\ \Rightarrow 2AM^\gamma &= 2 \cdot \Rightarrow AM = \sqrt{10} && \cdot / 5 \\ \Rightarrow 2p &= 6 + 4 + \sqrt{10} = 10 + \sqrt{10} && \cdot / 25 \end{aligned}$$

روش سوم:

$$\begin{aligned} AB^\gamma \times MC + AC^\gamma \times BM &= AM^\gamma \times BC + BM \times MC \times BC && \cdot / 5 \\ \Rightarrow 4 \times 4 + 6 \times 4 &= AM^\gamma \times 8 + 4 \times 4 \times 8 && \cdot / 25 \\ \Rightarrow AM^\gamma &= 10 \Rightarrow AM = \sqrt{10} && \cdot / 5 \\ \Rightarrow 2p &= 6 + 4 + \sqrt{10} = 10 + \sqrt{10} && \cdot / 25 \end{aligned}$$

روش چهارم:



$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \sqrt{10} \cdot / 25$$

$$S = \frac{AH \times C}{2} \Rightarrow h = \frac{\sqrt{10}}{4} \cdot / 25$$

$$ABH \Rightarrow 10 = BH^\gamma + h^\gamma \Rightarrow BH = \frac{11}{4} \cdot / 25$$

$$MH = MB - BH \Rightarrow MH = 4 - \frac{11}{4} = \frac{5}{4} \cdot / 25$$

$$AMH \Rightarrow AM^\gamma = \left(\frac{5}{4}\right)^\gamma + \left(\frac{\sqrt{10}}{4}\right)^\gamma \Rightarrow AM = \sqrt{10} \cdot / 25$$

$$\Rightarrow 2p = 10 + \sqrt{10} \cdot / 25$$

(۶۷ ص)

۲۰

جمع نمرات

سپاس فراوان از همکاران گرامی